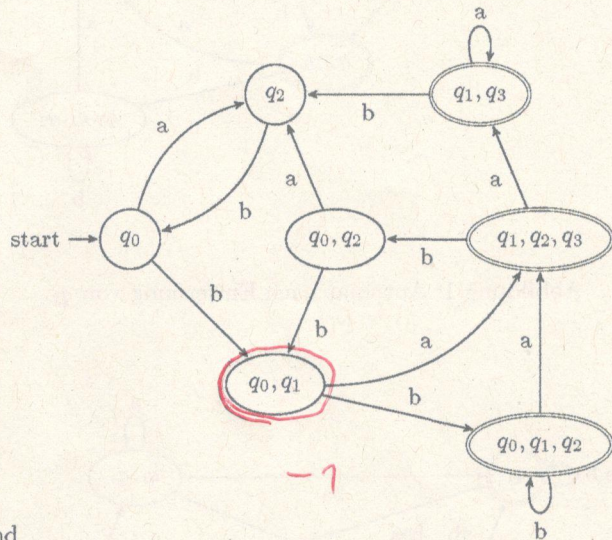


Formale Systeme Automaten und Prozesse

Abgabe: 14.06.2017

Georg C. Dorndorf Matr. Nr. 366511
 Adrian C. Hinrichs Matr. Nr. 367129
 Jan Bordihn Matr. Nr. 364705

#10a	#10b	# 11	Σ
2	12	4	18/30



Aufgabe 10

a)

Eingelesener Teilstring	Aktive Zustände	Endzustand
-	\emptyset	X
b	{0, 1}	✓
bb	{0, 1, 2}	✓
bbb	{0, 1, 2}	✓
bbba	{1, 2, 3}	✓
bbbab	{0, 2}	X
bbbabb	{0, 1}	✓
bbbabba	{1, 2, 3}	✓
bbbabbaa	{1, 3}	✓
bbbabbaaa	{1, 3}	✓

Tabelle 1: Verhalten des Automaten

Wie in Tabelle 1 ersichtlich ist, akzeptiert der Automat den Ausdruck *bbbabbaaa* ✓ 2/2

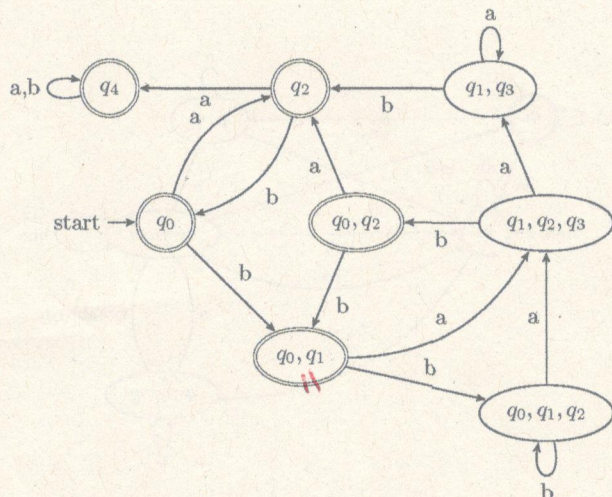
b)

Um alle falsch kodierte Nachrichten mithilfe eines Automaten zu ermitteln ist führt der einfachste Weg über den Komplementärautomaten.

Wir überführen zunächst den in der Aufgabe gegebenen NFA in einen DFA. Dann bestimmen wir den entsprechenden Komplementärautomaten. Sei dazu die Sprache M mit $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ der aus der Aufgabenstellung resultierende Automat. Nach Vorlesung gilt für den Komplementärautomaten M' : $M' := (Q, \Sigma, \delta, q_0, Q - F)$. Wir ermitteln den Komplementärautomaten also indem wir für jeden Zustand sein Attribut darüber, ob es ein Endzustand ist oder nicht, ändern.

Seien die Zustände 0...3 im folgenden als $q_{[0,3]}$ definiert. Dann ergibt sich folgender NFA:

Die Eingabe a beim Zustand q_2 führt dabei in eine nicht ankzeptierende Senke. Und für den Komplementärautomaten dementsprechend in eine ankzeptierende Senke. Wir erhalten folgenden Komplementärautomaten:



Nun wird aus dem Automaten mittels der STATE-REMOVAL-METHODE ein Regulärer Ausdruck gebildet.

Endzustände lassen sich nicht

einfach so entfernen
-3

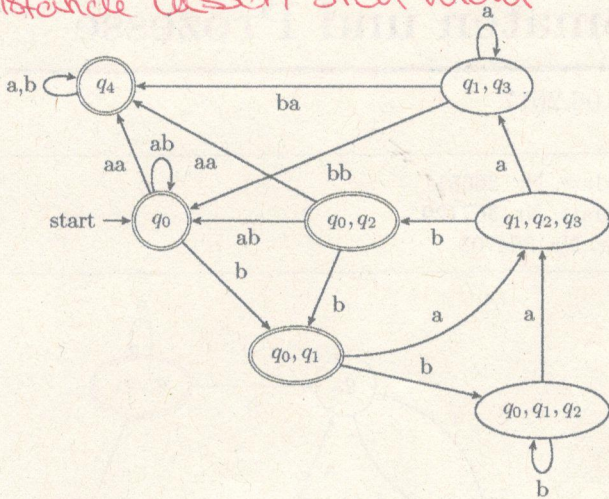


Abbildung 1: Automaten nach Entfernung von q_2

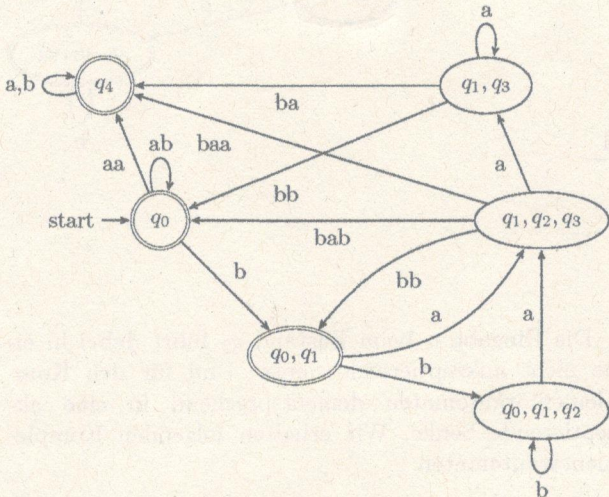


Abbildung 2: Automaten nach Entfernung von q_{02}

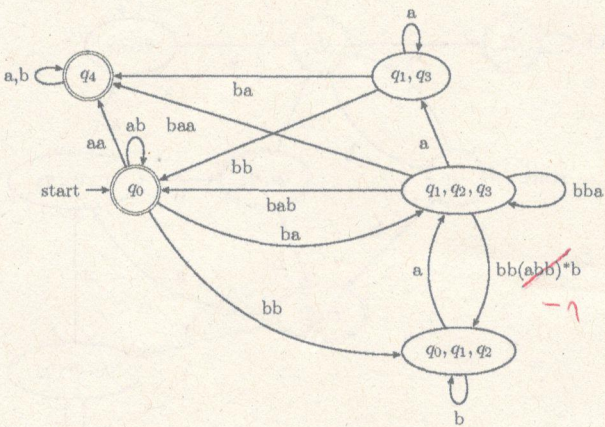


Abbildung 3: Automaten nach Entfernung von q_{01}

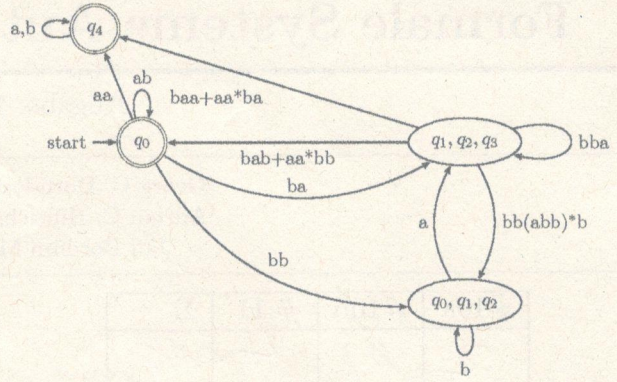


Abbildung 4: Automaten nach Entfernung von q_1 und q_3

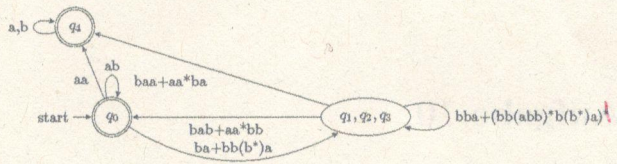


Abbildung 5: Automaten nach Entfernung von (q_0, q_1, q_2)

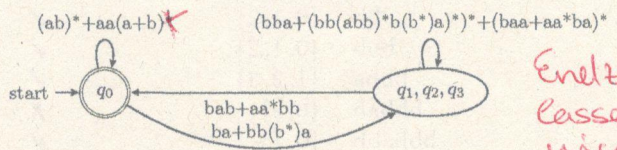


Abbildung 6: Automaten nach Entfernung von (q_4)

Aus dieser letzten Zusammenfassung (Abbildung 6) lässt sich bereits der Reguläre Ausdruck ablesen:

$$\begin{aligned} &(((ab)^* + aa(a+b)^*) * ((ba + bb(b^*)a) \\ &((bba + (bb(abb)^*b(b^*)a)^*) * (baa + aa^*ba)^*) * \\ &(bab + aa * bb)))^* \end{aligned} \quad (I)$$

$$\begin{aligned} = &((ab + aa(a+b)^*) * ((ba + bb(b^*)a) \\ &((bba + (bb(abb)^*b(b^*)a)^*) * (baa + aa^*ba)^*) * \\ &(bab + aa * bb)))^* \end{aligned} \quad (II)$$

Endzustände lassen sich nicht so einfach entfernen

12/18

Aufgabe 11

Sei:

- $\Sigma := \{u, d, g, l, r\}$
- L die Sprache von Σ , die eine Turtle-Grafik darstellt, welche sich nicht überkreuzt.

Annahme:

L ist regulär. dann gibt es ein $n \in \mathbb{N}$ für $|xy| \leq n$,
sowie $|y| > 0$ und $xy^iz \in L$ für alle $i \geq 0$.

$\forall w: |w| \geq n$ ex. Zerlegung $w = xyz$ mit

Wählen wir nun ein $w = g^b l g$ für ein $n = |w|$
mit $n \in \mathbb{N}$. Für ein $n \geq 2$.

$$b = \begin{cases} 1 & , \text{für } n = 2 \\ n - 2 & , \text{für } n > 2 \end{cases}$$

Das Wort w , kann nun in ein x , y und ein z , für
ein $k = |x|$, wobei $k = n - 3$, zerlegt werden. So-
mit ist $x = g_1 \dots g_k$, sowie $y = g_{k+1} l_{k+2}$ und $z = g_{k+3}$.

Ihr habt das Pumping Lemma
nicht richtig verstanden, die
Zerlegung kann nicht beliebig
gewählt werden! -6

Wenn L nun regulär ist, können wir y pumpen.
Wählen wir nun $i = 36$, für $i \in \mathbb{N}$. Dabei bildet das
Wort $xy^{36}z$ einen Kreis, den $y = (g l)^{36}$ dreht sich um
 360° . Somit sind wir nach 36 Iterationen, beim Beginn
des Kreises.

Also würde ein weiteres g den Kreis überschneiden.
Nun ist im letzten Teilwort $z = g$, somit ist der Kreis
nach einem weiteren g geschnitten.

Damit ist $xy^{36}z \notin L$, somit scheidet das Pumping-
Lemma $\Rightarrow L(\Sigma)$ ist nicht regulär

4/10